

sum_switch^{4,23}

$\forall n:\mathbb{N}, f:(\mathbb{N}_{<n} \rightarrow \mathbb{Z}), i:\mathbb{N}_{<n-1}. \text{sum}(f((i, i+1)(x)) \mid x < n) = \text{sum}(f(x) \mid x < n) \in \mathbb{Z}$